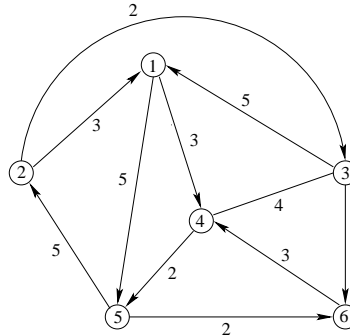


# Netzwerkoptimierung

## Übungsblatt 5

### Problem 1:

Gegeben sei die folgende Zirkulation ( $b_i = 0 \quad \forall i \in N$ ):



Zerlegen Sie die Zirkulation in Dikreisflüsse mit Hilfe des Verfahrens aus dem Beweis von Satz 4.10.

### Problem 2:

Finden Sie einen Beweis von Satz 4.15 (Max-Flow Min-Cut Theorem), der auf Dualität in der Linearen Programmierung beruht.

### Problem 3:

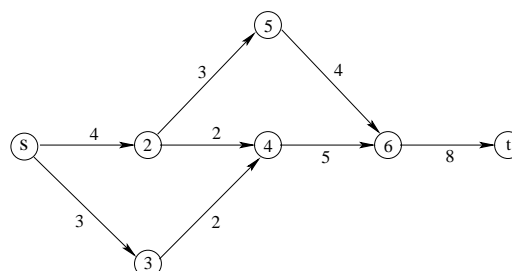
Gegeben sei ein Digraph  $G = (N, A)$  und Knoten  $s, t \in N$ . Zwei Diwege  $P_1$  und  $P_2$  von  $s$  nach  $t$  in  $G$  heißen *kantendisjunkt*, wenn  $A(P_1) \cap A(P_2) = \emptyset$ . Zwei Diwege  $P_1$  und  $P_2$  von  $s$  nach  $t$  in  $G$  heißen *knotendisjunkt*, wenn  $N(P_1) \cap N(P_2) = \{s, t\}$ . Beweisen Sie den folgenden Satz von Menger:

- Die maximale Anzahl kantendisjunkter Diwege von  $s$  nach  $t$  in  $G$  ist gleich der minimalen Anzahl von Kanten, die aus  $G$  entfernt werden müssen, um alle Diwege von  $s$  nach  $t$  zu trennen.
- Die maximale Anzahl knotendisjunkter Diwege von  $s$  nach  $t$  in  $G$  ist gleich der minimalen Anzahl von Knoten, die aus  $G$  entfernt werden müssen, um alle Diwege von  $s$  nach  $t$  zu trennen.

Hinweis: Benutzen Sie Satz 4.15 (Max-Flow Min-Cut Theorem).

### Problem 4:

Finden Sie den maximalen  $s - t$  - Fluss in  $G$  mit Hilfe des Labeling Algorithmus 4.19:



Geben Sie außerdem in jeder Iteration das Inkrementnetzwerk von  $G$  an und bestimmen Sie am Ende des Algorithmus den minimalen  $s - t$  - Schnitt.