## Universität Wuppertal

Sommersemester 2015

Fachbereich C, Mathematik und Informatik Prof. Dr. Jens Hornbostel

Falk Beckert

4.5.2015

# Übungen zur Linearen Algebra II Blatt 4

Abgabefrist: Montag, den 11.5.2015 bis 10:10 Uhr in die Briefkästen

#### Aufgabe 13

Sei  $f(t) = 2t^3 + 3t^2 + t + 1$  und  $g(t) = t^2 + 2t + 1$ . Bestimmen Sie  $q(t), r(t) \in \mathbb{Q}[t]$  mit  $\deg(r(t)) < 2$ , so dass  $f(t) = q(t) \cdot g(t) + r(t)$  gilt.

#### Aufgabe 14

Beweisen Sie Satz 17.10 aus der Vorlesung.

## Aufgabe 15

Sei K ein Körper. Ein Element  $f \in K[t]$  heißt Nullteiler falls  $f \neq 0$  und es ein  $g \in K[t]$  mit  $g \neq 0$  und  $f \cdot g = 0$  gibt. Zeigen Sie, dass K[t] keine Nullteiler hat.

#### Aufgabe 16

Bestimmen Sie  $\operatorname{ev}_g(f)$  für  $f = 3t^3 - 2t^2 + 6$  für

1. 
$$q(t) = 2t - 1$$

2. 
$$q(t) = -t^2 + t + 4$$