

Übungen zur Linearen Algebra II Blatt 4

Abgabefrist: Montag, den **11.5.2015** bis **10:10** Uhr in die Briefkästen

Aufgabe 13

Sei $f(t) = 2t^3 + 3t^2 + t + 1$ und $g(t) = t^2 + 2t + 1$. Bestimmen Sie $q(t), r(t) \in \mathbb{Q}[t]$ mit $\deg(r(t)) < 2$, so dass $f(t) = q(t) \cdot g(t) + r(t)$ gilt.

Aufgabe 14

Beweisen Sie Satz 17.10 aus der Vorlesung.

Aufgabe 15

Sei K ein Körper. Ein Element $f \in K[t]$ heißt *Nullteiler* falls $f \neq 0$ und es ein $g \in K[t]$ mit $g \neq 0$ und $f \cdot g = 0$ gibt. Zeigen Sie, dass $K[t]$ keine Nullteiler hat.

Aufgabe 16

Bestimmen Sie $\text{ev}_g(f)$ für $f = 3t^3 - 2t^2 + 6$ für

1. $g(t) = 2t - 1$

2. $g(t) = -t^2 + t + 4$