



### Aufgabe 11.1

Bestimmen Sie für die folgenden Funktionen an der Stelle  $P$  den Wert der Richtungsableitung entlang des Vektors  $\vec{v}$ . Prüfen Sie zunächst, ob die Bedingung für den Betrag des Richtungsvektors erfüllt ist.

a)  $f(x, y) = \ln\left(\sqrt[3]{x^2 + y^2}\right)$ ,  $P(\sqrt{2}, \sqrt{2})$  und  $\vec{v} = (\sqrt{2}, \sqrt{2})^\top$

b)  $g(x, y, z) = \sqrt{\frac{9}{x^2 + ze^y}}$ ,  $P(1, 0, 1)$  und  $\vec{v} = \left(\frac{1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right)^\top$

c)  $h(x_1, x_2, x_3, x_4) = e^{x_1 + x_2 + x_3 + x_4}$ ,  $P(2, 4, 6, 8)$  und  $\vec{v} = (1, 1, 1, 1)^\top$

### Aufgabe 11.2

Bestimmen Sie die Lage der stationären Punkte der folgenden Funktionen, deren Art und den darin angenommenen Wert.

a)  $f(x, y) = 12x^3 - 18xy + 3y^2 - 36x$       b)  $g(u, v) = u \ln(u + v) - v$

c)  $h(x_1, x_2) = \left(x_1 + \frac{9}{8}\right)x_2 + \frac{1}{2x_2} - \ln(x_1^2)$       d)  $k(x, y) = 2(x^2 - y^2)e^{-x^2 - y^2}$

### Aufgabe 11.3

Gegeben sei die Funktion  $f: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  mit  $f(x, y) = 2x(3x - 2y) + (2y - x^2)y$ .

- a) Bestimmen Sie die Lage und die Art aller stationären Punkte.  
b) Skizzieren Sie für  $x \in [-6, 2]$  die Niveaulinien der Funktion  $f_y(x, y)$  zum Niveau  $c_1 = 0$  und  $c_2 = 4$  in der  $xy$ -Ebene in ein gemeinsames Koordinatensystem.

### Aufgabe 11.4

Es sei die Funktion  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}$  gegeben durch

$$f(x, y, z) = x^2 e^y + (x + z^2)y.$$

- a) Bestimmen Sie alle stationären Punkte von  $f$ , und entscheiden Sie ob es sich um lokale Extrema handelt.  
b) Besitzt  $f$  globale Extrema?

**Abgabe der Lösungen bis Mittwoch, 24.6.2015, Fach 17, Ebene D.13**  
Aktuelle Informationen zur Vorlesung und zu der Übung finden Sie im Internet unter:

<http://www2.math.uni-wuppertal.de/opt/wiwi/master/mathemaster.html>